

以下の設問 1 から設問 13 に答えよ。

設問 1. 次の問(1), (2)に答えよ。

(1) $2x^2 - 5xy - 3y^2 + 7x + 7y - 4$ を因数分解すると,
 $(\boxed{(1)}x + y - \boxed{(2)}) (x - \boxed{(3)}y + \boxed{(4)})$ である。

(2) $3x^2 + y^2 + 4xy - 11x - 7y + 10$ を因数分解すると,
 $(x + y - \boxed{(5)}) (\boxed{(6)}x + y - \boxed{(7)})$ である。

設問2. 全体集合 $U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ の部分集合 A, B について, $\overline{A \cup B} = \{2, 8, 9\}$, $\overline{A \cup \overline{B}} = \{4, 6\}$, $A \cap \overline{B} = \{0, 1, 5\}$ である。

このとき, 集合 $B = \{\boxed{(8)}, \boxed{(9)}, \boxed{(10)}, \boxed{(11)}\}$ である。なお, 解答は順不同とする。

設問3. 次の(A), (B)の , にあてはまるものを, 選択肢①~④のうちから1つ選べ。ただし, 文字はすべて実数とし, 同じ選択肢を繰り返し選んでよいこととする。

(A) 「 $a + b > 2$ かつ $ab > 1$ 」は「 $a > 1$ かつ $b > 1$ 」であるための 。

(B) 「 $b < 0$ 」は「2次方程式 $2x^2 + ax + b = 0$ が実数解をもつ」ための 。

< 選択肢 >

- ①必要十分条件である
- ②必要条件であるが, 十分条件ではない
- ③十分条件であるが, 必要条件ではない
- ④必要条件でも十分条件でもない

設問 4. コンクールで 10 人の中から 3 人を選び、金賞・銀賞・銅賞を 1 人ずつ与える。このとき、入賞とは、金賞・銀賞・銅賞のいずれかを授与されることを指す。

(1) A さんと B さんが同時に入賞しない場合、金賞・銀賞・銅賞を受賞する人の選び方の総数は 通りである。

(2) A さんまたは B さんが入賞する確率は $\frac{\text{}}{\text{} \text{$ である。

設問 5. 円盤型のルーレットを赤・青・緑の扇形に色分けし、それぞれの面積比は赤：青：緑＝3：2：1である。円盤の円周上に固定された指針が1本あり、円盤を十分に回転させ、停止時に指針が指す扇形の色をその回の結果とする。各回の結果の確率は面積に比例し、回転ごとに独立で、同一の条件で行われるものとする。ただし、分数は既約分数で答えよ。

このルーレットを2回連続で回す。

(1) 「異なる色」が出る確率は $\frac{\boxed{20}}{\boxed{22}} \frac{\boxed{21}}{\boxed{23}}$ である。

(2) 1回目に赤、2回目に青または緑が出る確率は $\frac{\boxed{24}}{\boxed{25}}$ である。

設問6. 2次関数 $y = ax^2 + bx + c$ は, $x = 3$ のときに最小値が -5 をとり, $x = 1$ のとき $y = 3$ である。

このとき, $a = \boxed{(26)}$, $b = \boxed{(27)} \boxed{(28)} \boxed{(29)}$, $c = \boxed{(30)} \boxed{(31)}$ である。

設問7. 2次関数 $y = -x^2 + 4x + 6$ において, 定義域を $0 \leq x \leq a$ (ただし $a > 0$) とする。
最大値が最小値の2倍となるとき, $a = \boxed{(32)} + \sqrt{\boxed{(33)}}$ である。

設問 8. $\triangle ABC$ において, 点 D は辺 AB 上にあり, $AD : DB = 1 : 2$ となるようにとる。
点 E は辺 AC 上にあり, 直線 DE は辺 BC と平行である。

(1) $\triangle ADE$ と $\triangle ABC$ は相似である。

このときの相似比 $AD : AB$ は : である。

(2) 点 F を辺 BC 上に, 直線 EF が AB と平行になるようにとる。このとき, 四角形

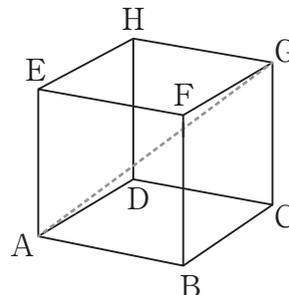
ADFE の面積は $\triangle ABC$ の面積の $\frac{\text{$ 倍である。

設問 9. $AB = 2$, $BC = CA = 4$ である $\triangle ABC$ の外接円の円周上に点 D を $AD = 2$ になるようにとる。ただし、点 D は点 B とは異なる点とする。このとき、 $\triangle ABC$ の外接円の半

径は $\frac{\boxed{(38)} \sqrt{\boxed{(39)} \boxed{(40)}}}{\boxed{(41)} \boxed{(42)}}$ であり、四角形 $ABCD$ の面積は $\frac{\boxed{(43)} \sqrt{\boxed{(44)} \boxed{(45)}}}{\boxed{(46)}}$

である。

設問10. 図は、1 辺の長さが 2 cm の立方体 ABCDEFGH である。点 A と点 G を結ぶ線分 AG の長さは $\boxed{(47)}\sqrt{\boxed{(48)}}\text{ cm}$ である。また、 $\triangle AGC$ の面積は $\boxed{(49)}\sqrt{\boxed{(50)}}\text{ cm}^2$ である。



設問11. 下の表は、ある高齢者 A ~ E の年齢と握力の測定結果を示している。年齢と握力の相関係数を r とする。 r^2 の値を小数第 4 位を四捨五入して小数第 3 位まで求めると、 . である。

| | A | B | C | D | E |
|--------|----|----|----|----|----|
| 年齢(歳) | 68 | 70 | 72 | 74 | 76 |
| 握力(kg) | 25 | 25 | 24 | 22 | 24 |

設問12. 2次方程式 $x^2 - 4ax + a + 5 = 0$ の異なる2つの実数解がともに3より小さいとき,

とり得る値 a の範囲は, $a < \boxed{(55)} \boxed{(56)}$, $\frac{\boxed{(57)}}{\boxed{(58)}} < a < \frac{\boxed{(59)} \boxed{(60)}}{\boxed{(61)} \boxed{(62)}}$ である。

設問13. 次の問(1), (2)に答えよ。

(1) $(\sqrt{3}x - 2)^2 - (x - \sqrt{3})^2 = \boxed{(63)} x^2 - \boxed{(64)} \sqrt{\boxed{(65)}} x + \boxed{(66)}$ である。

(2) $x = \sqrt{5} + 1$ のとき, $x^2 - 2\sqrt{5}x + \boxed{(67)} = 0$ が成り立つ。